

Opérateur DEFI_NAPPE

1 But

Définir une fonction réelle de deux variables réelles. Une nappe définit N fonctions pour N valeurs d'un paramètre.

Cet opérateur permet de définir, par exemple, des conditions aux limites dépendant d'une variable d'espace et du temps ou de deux variables d'espace ou des données matériaux (par exemple des courbes de traction fonction de la température).

Le concept produit par cet opérateur est de type `nappe`.

2 Syntaxe

```
nf [nappe] = DEFI_NAPPE

( ♦ NOM_PARA = / np , [Kn]

  ◇ NOM_RESU = / 'TOUTRESU' , [DEFAULT]
               / nr , [K8]

  ♦ PARA = lp , [l_R]

  ◇ PROL_DROITE = / 'CONSTANT' ,
                  / 'LINEAIRE' ,
                  / 'EXCLU' , [DEFAULT]

  ◇ PROL_GAUCHE = / 'CONSTANT' ,
                  / 'LINEAIRE' ,
                  / 'EXCLU' , [DEFAULT]

  ◇ INTERPOL = | 'LIN' , [DEFAULT]
               | 'LOG' ,
               | 'NON' ,

  ◇ INFO = / 1 , [DEFAULT]
           / 2 ,

  ◇ VERIF = 'CROISSANT' ,

  ♦ / FONCTION = lf [l_fonction]

  / ♦ NOM_PARA_FONC = npf
    ♦ DEFI_FONCTION =
      _F ( ♦ VALE = lv [l_R]
           ◇ PROL_DROITE = / 'CONSTANT' ,
                           / 'LINEAIRE' ,
                           / 'EXCLU' , [DEFAULT]

           ◇ PROL_GAUCHE = / 'CONSTANT' ,
                           / 'LINEAIRE' ,
                           / 'EXCLU' , [DEFAULT]

           ◇ INTERPOL = | 'LIN' , [DEFAULT]
                        | 'LOG' ,
                        | 'NON' ,

           ) ,

  ◇ TITRE = ti, [l_Kn]

)
```

3 Opérandes

3.1 Opérande NOM_PARA

♦ NOM_PARA = np

Désigne le nom du paramètre de la nappe (deuxième variable) cf. exemple au [§4.1].

Les valeurs autorisées sont listées sont les mêmes que dans DEFI_FONCTION [U4.31.02].

3.2 Opérande NOM_RESU

◇ NOM_RESU = nr

Nom du résultat, des valeurs de la nappe. Il doit être identique au NOM_RESU de chacune des fonctions composant la nappe.

En fait, cet opérande ne sert pas systématiquement pour des vérifications de cohérence, dans l'exécution du code. Ces vérifications de cohérence sont faites par la commande CALC_FONCTION [U4.32.04].

3.3 Opérande PARA

♦ PARA = lp

Liste des valeurs du paramètre caractéristique de la nappe : para1, para2, ... Le cardinal de cette liste doit être égal au nombre de fonctions définies ensuite.

3.4 Opérandes PROL_DROITE et PROL_GAUCHE

◇ PROL_DROITE et PROL_GAUCHE =

Définissent le type de prolongement à droite (à gauche) du domaine de définition de la variable :

'CONSTANT'	pour un prolongement avec la dernière (ou première) valeur de la nappe,
'LINEAIRE'	pour un prolongement le long du premier segment défini (PROL_GAUCHE) ou du dernier segment défini (PROL_DROITE), ce prolongement ne tient pas compte d'une éventuelle interpolation logarithmique,
'EXCLU'	si l'extrapolation des valeurs en dehors du domaine de définition du paramètre np est interdite (dans ce cas si un calcul demande une valeur de la fonction hors du domaine de définition, le code s'arrêtera en erreur fatale).

3.5 Opérande INTERPOL

◇ INTERPOL =

Type d'interpolation de la nappe : un type pour l'interpolation de la deuxième variable et un pour l'interpolation entre deux fonctions. Ceci est obtenu en fournissant une liste de 2 textes parmi :

INTERPOL = ('LIN', 'LOG')

'LIN' : linéaire,

'LOG' : logarithmique,

'NON' : on n'interpole pas (et donc le programme s'arrêtera si l'on demande la valeur de la fonction pour une valeur du paramètre où elle n'a pas été définie).

Remarque :

Si une seule valeur est précisée, elle est prise en compte à la fois par l'interpolation du paramètre et de la fonction. INTERPOL = 'LOG' équivaut à ('LOG', 'LOG').

3.6 Opérande `INFO`

◇ `INFO` =

Précise les options d'impression sur le fichier `message` (unité 6).

- 1 : pas d'impression (option par défaut)
- 2 : impression des paramètres plus la liste des 10 premières valeurs de chaque fonction dans l'ordre croissant des 10 premiers paramètre

3.7 Opérande `VERIF`

◇ `VERIF` =

L'opérateur `DEFI_NAPPE` réordonne les valeurs des paramètres `np` dans l'ordre croissant. Si `VERIF` vaut `'CROISSANT'` l'opérateur arrête l'exécution si les valeurs du paramètre `np` n'ont pas été données dans cet ordre.

3.8 Définition des fonctions de la nappe

Deux modes de définition de la nappe sont possibles :

- à partir d'une liste de fonctions existantes [§3.8.1],
- en définissant directement les différentes fonctions de la nappe [§3.8.2].

3.8.1 Opérande `FONCTION`

`FONCTION` = `lf`

Liste de concepts du type `fonction` créés par des commandes `DEFI_FONCTION` [U4.31.02], `DEFI_CONSTANTE` [U4.31.01], `CALC_FONC_INTERP` [U4.32.01], ...

`lf` est la liste des noms de concepts du type `fonction` correspondant aux valeurs du paramètre.

Toutes les fonctions de la liste doivent avoir le même nom de variable (`NOM_PARA` de `DEFI_FONCTION`, que nous appellerons `npf`) et avoir le même nom `nr` pour nom de résultat.

`nf` est une nappe de la variable de nom `np` et de la variable de nom `npf` et dont la valeur est de nom `nr`.

3.8.2 Définition directe des fonctions

3.8.2.1 Opérande `NOM_PARA_FONC`

◆ `NOM_PARA_FONC` = `npf`

Nom du paramètre caractéristique des fonctions constituant la nappe.

Les valeurs autorisées sont listées sont les mêmes que pour `NOM_PARA`.

3.8.2.2 Mot clé `DEFI_FONCTION`

`DEFI_FONCTION` =

Définition directe des fonctions constituant la nappe.

3.8.2.3 Opérande VALE

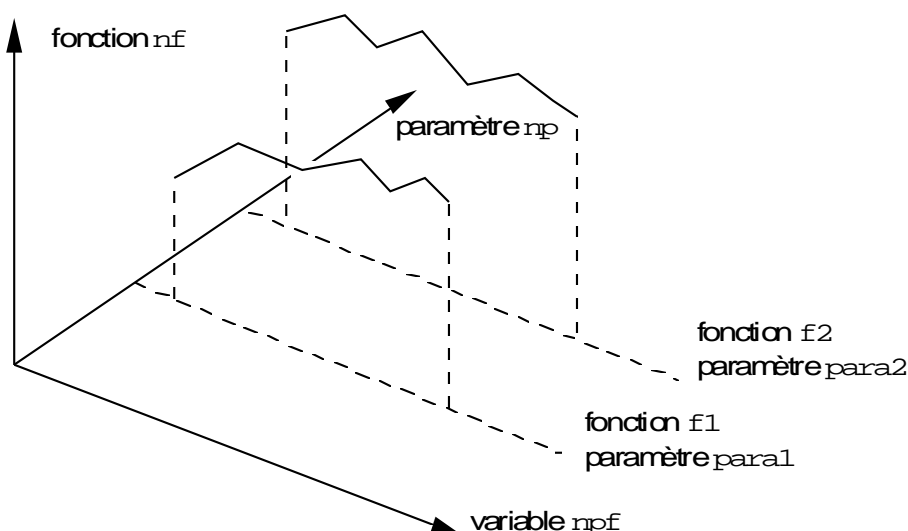
- ♦ `VALE = lv`
`lv` est la liste de valeur ($x_1, y_1, \dots, x_n, y_n$) avec dans l'ordre :
 x_1, y_1 (la première valeur du paramètre et la valeur correspondante du résultat),
...
 x_n, y_n (la dernière valeur du paramètre et la valeur correspondante du résultat).

3.8.2.4 Opérands PROL_DROITE et PROL_GAUCHE

- ♦ `PROL_DROITE` et `PROL_GAUCHE` =

Définissent le type de prolongement à droite (à gauche) du domaine de définition de la variable :

- 'CONSTANT' pour un prolongement avec la dernière (ou première) valeur de la fonction,
- 'LINEAIRE' pour un prolongement le long du premier segment défini (`PROL_GAUCHE`) ou du dernier segment défini (`PROL_DROITE`),
- 'EXCLU' si l'extrapolation des valeurs en dehors du domaine de définition du paramètre `npf` est interdite (dans ce cas si un calcul demande une valeur de la fonction hors du domaine de définition, le code s'arrêtera en erreur fatale).



3.8.2.5 Opérande INTERPOL

- ♦ `INTERPOL` =

Type d'interpolation de la fonction entre les valeurs du domaine de définition de la fonction : un type pour l'interpolation des abscisses et un pour l'interpolation des ordonnées de la fonction. Ceci est obtenu en fournissant une liste de textes parmi :

`INTERPOL = ('LIN', 'LOG')`

'LIN' : linéaire,

'LOG' : logarithmique,

'NON' : on n'interpole pas (et donc le programme s'arrêtera si l'on demande la valeur de la fonction pour une valeur du paramètre où elle n'a pas été définie).

Remarque :

Si une seule valeur est précisée, elle est prise en compte à la fois par l'interpolation du paramètre et de la fonction. `INTERPOL = 'LOG'` équivaut à `('LOG', 'LOG')`.

3.9 Opérande TITRE

◇ TITRE = ti

Titre attaché au concept produit par cet opérateur [U4.03.01].

3.10 Évaluation d'une nappe

Soit une nappe N dont le paramètre est $\text{NOM_PARA} = y$ et composé de fonctions dont $\text{NOM_PARA_FONC} = x$, de valeurs $\text{NOM_RESU} = z = f(x)$.

Pour évaluer $N(x, y)$:

- On cherche i tel que $y_i \leq y < y_{i+1}$,
- On évalue les deux fonctions f_i et f_{i+1} en x . Pour cela, on utilise les prolongements et les types d'interpolation de chaque fonction (définis dans la commande DEFI_FONCTION ou sous le mot-clé facteur DEFI_FONCTION de DEFI_NAPPE).
- On évalue ensuite $N(x, y)$ en interpolant à partir des valeurs (y_i, y_{i+1}) et $(f_i(x), f_{i+1}(x))$. On utilise alors les prolongements et types d'interpolation définis par les mots-clés simples PROL_GAUCHE, PROL_DROITE, INTERPOL de DEFI_NAPPE.

On écrirait :

```
nappe = DEFI_NAPPE ( NOM_PARA = 'y',  
                     NOM_RESU = 'z',  
                     NOM_PARA_FONC = 'x',  
                     INTERPOL = (a, b),  
                     DEFI_FONCTION = (_F( VALE=...,  
                                           INTERPOL = (c, d), ),  
                                     autres fonctions... ), )
```

Les types d'interpolation utilisés sont :

- c entre deux valeurs x ,
- d quand on évalue les fonctions en x ,
- a entre deux valeurs de y ,
- b entre deux fonctions différentes (évaluées en x).

4 Exemples

4.1 Définition de la nappe après définition de la fonction

```
FCT2 = DEFI_FONCTION (NOM_PARA = 'EPSI', PROL_DROITE = 'LINEAIRE',  
                     PROL_GAUCHE = 'LINEAIRE',  
                     VALE = (1.25E-5, 3.75, 3.75E-5, 7.5), )  
  
FCT3 = DEFI_FONCTION (NOM_PARA = 'EPSI', PROL_DROITE = 'LINEAIRE',  
                     PROL_GAUCHE = 'LINEAIRE',  
                     VALE = (1.25E-5, 2.50, 3.75E-5, 5.0), )  
  
SIG = DEFI_NAPPE (NOM_PARA = 'TEMP', PROL_DROITE = 'CONSTANT',  
                 PROL_GAUCHE = 'CONSTANT',  
                 PARA = (20.0, 30.0),  
                 FONCTION = (FCT3, FCT2), )
```

4.2 Définition directe de la nappe et des fonctions constitutives

```
FCT2 = DEFI_NAPPE (  NOM_PARA = 'TEMP',      PROL_DROITE = 'CONSTANT',
                    PROL_GAUCHE = 'CONSTANT',
                    PARA = (20.0, 30.0, ),
                    NOM_PARA_FONC = 'EPSI',
                    DEFI_FONCTION = (
                        _F( PROL_DROITE = 'LINEAIRE',
                           PROL_GAUCHE = 'LINEAIRE',
                           VALE = (1.25E-5, 3.75, 3.75E-5, 7.5, ),
                           ),
                        _F( PROL_DROITE = 'LINEAIRE',
                           PROL_GAUCHE = 'LINEAIRE',
                           VALE = (1.25E-5, 2.5, 3.75E-5, 5.0, ),
                           ),
                    ),
                )
```